

Articole în reviste ISI

1. I. Crivei, **S. Crivei**, I. Purdea, *Change of ring and torsion-theoretic injectivity*, Bull. Austral. Math. Soc. 75 (2007), 127–133.

Fie τ o teorie de torsiune ereditară în $R\text{-Mod}$. Atunci orice omomorfism de inele $\gamma : R \rightarrow S$ induce în $S\text{-Mod}$ o teorie de torsiune σ dată prin condiția că un S -modul stâng este de σ -torsiune dacă și numai dacă este de τ -torsiune ca și R -modul stâng. Arătăm că dacă $\gamma : R \rightarrow S$ este un epimorfism de inele și A este un R -modul stâng τ -injectiv, atunci anulatorul $\text{Ann}_A \text{Ker}(\gamma)$ este σ -injectiv ca și S -modul stâng. Folosind acest rezultat, studiem legătura dintre τ -injectivitate și σ -injectivitate, și dăm câteva aplicații.

2. S. Caenepeel, **S. Crivei**, A. Marcus, M. Takeuchi, *Morita equivalences induced by bimodules over Hopf-Galois extensions*, J. Algebra 314 (2007), 267–302.

Fie H o algebră Hopf și fie A și B extensii H -Galois. Investigăm categoria ${}_A\mathcal{M}_B^H$ a bimodulelor Hopf relative și echivalențele Morita între A și B induse de ele. Introducem noțiunea de context H -Morita și arătăm că dacă două extinderi H -Galois fidel plate sunt legate printr-un context H -Morita (strict), atunci algebrele lor de coinvarianți sunt de asemenea legate printr-un context Morita (strict). Principala teoremă din lucrare stabilește următoarea reciprocă: dacă algebrele de coinvarianți sunt Morita echivalente astfel ca structura de bimodul a unuia dintre modulele implicate poate fi extinsă cu o acțiune la stânga prin produsul cotensorial $A \square_H B^{\text{op}}$, atunci A și B sunt H -Morita echivalente. Dacă două H -comodul algebre sunt H -Morita echivalente, atunci echivalența indusă de categoriile lor de module Hopf relative este H -coliniară. Reciproc, arătăm că orice echivalență H -coliniară provine dintr-un context H -Morita strict dacă algebra Hopf H este proiectivă și H -comodul algebrele A și B sunt extensii H -Galois ale algebrelor lor de coinvarianți.

3. **S. Breaz**, J. Zemlicka, *When every self-small module is finitely generated*, J. Algebra 315 (2007), 885–893.

Scopul lucrării este de a stabili condiții necesare și suficiente pentru inele astfel ca orice modul drept auto-mic este finit generat. Demonstrăm că: inelele semisimple, inelele comutative perfecte și inelele Σ -extending nesingulare la dreapta au această proprietate; un inel semiprim nesingular la dreapta are proprietatea dacă și numai dacă este semisimplu; un inel comutativ noetherian are proprietatea dacă și numai dacă este artinian.

4. U. Albrecht, **S. Breaz**, W. Wickless, *Purity and self-small groups*, Comm. Algebra 35 (2007), 3789–3807.

Studiem subgroupurile pure ale grupurilor A -solvable pentru A grup (abelian) auto-mic de rang fără torsiune finit și, în particular, pentru grupurile din clasa \mathcal{G} a grupurilor auto-mici A cu partea fără torsiune

$A/tA \cong \mathbb{Q}^n$ pentru $n < \omega$. Obținem noi caracterizări pentru clasa \mathcal{G} , folosind proprietăți ale subgrupurilor pure ale grupurilor A -solvabile și caracterizări ale grupurilor mixte, complet decompozabile și omogene în categoria Walk. De asemenea, punem în evidență noi diferențe între categoria \mathcal{G} și categoria grupurilor fără torsiune de rang finit.

5. G. Olteanu, A. del Rio, *Group algebras of Kleinian type and groups of units*, J. Algebra (2007), doi:10.1016/j.jalgebra.2007.03.026.

Studiul grupurilor Kleiniane a început cu lucrările lui Poincaré și Bianchi, iar apoi a fost strâns legat de programul de geometrizare al lui Thurston pentru clasificarea varietăților tridimensionale. Algebrele de tip Kleinian sunt algebrele raționale semisimple finit dimensionale A cu proprietatea că grupul unităților unui ordin al lui A este comensurabil cu un produs direct de grupuri Kleiniane. Clasificăm algebrele Schur de tip Kleinian și algebrele grupale de tip Kleinian. Ca și aplicație, caracterizăm inelele grupale RG , unde R este un ordin într-un corp numeric și G este un grup finit, astfel ca grupul unităților lui RG este virtual un produs direct de grupuri care sunt extensii de grupuri libere prin grupuri libere.

6. S. Crivei, *Σ -extending modules, Σ -lifting modules, and proper classes*, Comm. Algebra 36 (2008), acceptat pentru publicare, editor: J.L. Gómez Pardo.

Introducem generalizări ale modulelor extending modules și lifting relative la clase proprii \mathbb{E} de șiruri scurte exacte de module. Folosim un astfel de context pentru a stabili anumite proprietăți ale modulelor relativ Σ -extending, care le generalizează pe cele ale modulelor Σ -extending, și proprietăți ale modulelor Σ -lifting, care oferă rezultate noi prin specializare la modulele Σ -lifting. Stabilim diverse caracterizări ale modulelor Σ - \mathbb{E} -extending și Σ - \mathbb{E} -lifting. Pentru un modul Σ - \mathbb{E} -extending M , studiem comportarea modulelor din clasa $\text{Add}(M)$ a sumanzilor direcți de sume directe de copii izomorfe ale lui M prin monomorfisme esențiale. De asemenea, studiem duala acestei proprietăți pentru modulele Σ - \mathbb{E} -lifting.

7. G. Olteanu, A. del Rio, *An algorithm to compute the Wedderburn decomposition of semisimple group algebras implemented in the GAP package wedderga*, J. Symbolic Comput. (2008) (special issue devoted to Computer Algebra and Its Applications), acceptat pentru publicare, editori: F.J. Castro-Jimenez, L. Gonzalez-Vega.

Teorema Brauer-Witt afirmă că componentele Wedderburn ale algebrei grupale (semisimple) FG , unde F este un corp de caracteristică zero și G este un grup finit, sunt echivalente Brauer cu algebre ciclotomice. În lucrare prezentăm un algoritm pentru calculul descompunerii Wedderburn a algebrelor grupale semisimple bazat pe o abordare computațională a Teoremei Brauer-Witt. Algoritmul a fost implementat în pachetul GAP `wedderga`.

Articole trimise la publicat

8. S. Crivei, *Relatively extending modules.*

Considerăm și studiem o generalizare a modulelor extending relativ la o clasă \mathcal{A} de module și o clasă proprie \mathbb{E} de șiruri scurte exacte de module. Aceste module le numim \mathbb{E} - \mathcal{A} -extending. Introducem și utilizăm închideri potrivite pentru module, și arătăm legătura acestora cu teoria claselor naturale și conaturale de module și cu cea a aproximării modulelor. Stabilim diverse caracterizări ale modulelor cu proprietatea că orice sumă directă de copii ale lor este un modul \mathbb{E} - \mathcal{A} -extending.

9. S. Breaz, *The number of Remak decompositions of a finite Abelian group.*

Teorema fundamentală (de descompunere) a grupurilor abeliene finite spune că orice astfel de grup are o descompunere în sumă directă de grupuri ciclice indecompozabile (primare), iar această descompunere este unică până la un izomorfism dacă se face abstracție de ordinea termenilor. Totuși, aceste descompuneri nu sunt unice dacă schimbăm relația de izomorfism cu cea de egalitate. În această lucrare este dată o formulă de calcul al numărului de astfel de descompuneri (i.e. numărul descompunerilor Remak ale unui grup abelian finit).

10. C. Modoi, *Functors inducing an abelian localization.*

Sunt găsite condiții necesare și suficiente pentru ca un functor arbitrar definit pe un inel cu mai multe obiecte (i.e. o categorie preaditivă mică) cu valori într-o categorie Grothendieck, să inducă o localizare abeliană între categoria modulelor peste inelul cu mai multe obiecte reprezentând domeniul functorului și categoria Grothendieck care reprezintă codomeniul lui. În vederea stabilirii acestora, sunt caracterizate morfismele pentru care compunerea dintre functorul de restricție corespunzător și incluziunea sub-categoriei formată din obiectele închise relativ la clasa de torsiune corespunzătoare este un functor deplin fidel. Folosind și o caracterizare cunoscută a platității unui functor definit pe un inel cu mai multe obiecte și cu valori într-o categorie Grothendieck, obținem caracterizările dorite.

11. C. Modoi, *Brown representability theorem: a functorial version.*

Enunțăm și demonstrăm o nouă versiune a teoremei de reprezentabilitate a lui Brown în categorii triangulate cu coproduse arbitrare. Această nouă versiune le generalizează pe cele existente, ca de exemplu cazul categoriilor triangulate bine generate în sensul lui Neeman. Diferența față de versiunile anterioare constă și în abordarea functorială, plecându-se de la faptul binecunoscut că orice functor contravariant Ab -valuat definit pe o categorie local prezentabilă și care transformă colimitele în limite este reprezentabil.

12. A. Herman, **G. Olteanu**, A. del Rio, *Ring isomorphism of cyclic cyclotomic algebras*.

Arătăm că un izomorfism de inele între algebre ciclice ciclotomice peste corpuri numerice ciclotomice este determinat în mod esențial de către lista indicilor Schur locali pentru toate numerele prime. Ca și consecință, un izomorfism de inele între componentele simple ale algebrelor grupale raționale ale grupurilor finite metaciclice este determinat de către centru, dimensiunea peste \mathbb{Q} , și lista indicilor Schur locali pentru numerele prime. Este dat un exemplu care arată aceasta nu are loc în general pentru un grup finit.

Pachete informatice

13. O. Broche Cristo, A. Konovalov, A. Olivieri, **G. Olteanu**, A. del Rio, *Wedderga - Wedderburn Decomposition of Group Algebras, Version 4.2*; 2007 (<http://www.gap-system.org/Packages/wedderga.html>, <http://www.um.es/adelrio/wedderga.htm>).

Denumirea Wedderga provine de la: **Wedderburn** decomposition of group algebras. Acesta este un pachet pentru sistemul GAP care permite calcularea componentelor simple ale descompunerii Wedderburn a algebrelor grupale semisimple ale grupurilor finite peste corpuri numerice abeliene și peste corpuri finite. De asemenea, conține funcții care calculează idempotenții centrali primitivi ai algebrelor grupale de tipurile menționate, și care construiesc produse încrucișate peste un grup cu coeficienți într-un inel asociativ cu unitate și înmulțirea determinată de o acțiune și răsucire date. Noua versiune completează și extinde facilitățile anterioare de la grupuri puternic monomiale la orice grup finit, și de la algebra grupală semisimplă $\mathbb{Q}G$ la KG pentru corpuri K de tipul celor menționate mai sus.

14. **S. Crivei**, **G. Olteanu**, Ș. Șuteu-Szöllósi, *ELISA - A collection of GAP algorithms related to extending and lifting abelian groups, Version 1.1*; 2007 (<http://www.gap-system.org/Packages/undep.html>, <http://math.ubbcluj.ro/crivei/GAP-project>).

Denumirea ELISA provine de la: **Extending and lifting** subgroup algorithms. Este o colecție de algoritmi GAP pentru determinarea unor subgrupuri speciale ale grupurilor abeliene finite în legătură cu proprietățile extending și lifting. Astfel sunt dați algoritmi pe de o parte pentru a verifica proprietăți cum ar fi: sumand direct, subgrup esențial, subgrup superfluu, subgrup coesențial în alt subgrup, subgrup complement (închis) și supplement (coînchis), subgrup tip, iar pe de altă parte pentru a determina toate subgrupurile cu proprietățile menționate, precum și închideri (coînchideri) ale unui subgrup într-un grup abelian finit. Noua versiune conține în plus algoritmi cum ar fi: determinarea subgrupurilor tip ale unui grup sau determinarea grupurilor cu proprietatea TS.